

نحوه استناد به این مقاله: طهماسبی، علی؛ نقرهآبادی، امینرضا؛ عظیمی، عزیز (۱۳۹۵). آنالیز تأثیر رسانش حرارتی دیوارههای محفظه بر انتقال حرارت جابجایی طبیعی همبسته در یک محفظه مربعی پر شده از یک ماده متخلخل در حالت عدم تعادل حرارتی. تبدیل انرژی، ۲(۲)، ۷–۱۵.

آنالیز تأثیر رسانش حرارتی دیوارههای محفظه بر انتقال حرارت جابجایی طبیعی همبسته در یک محفظه مربعی پر شده از یک ماده متخلخل در حالت عدم تعادل حرارتی

على طهماسبى^{او*}، امين رضا نقره ابادى^٢، عزيز عظيمى^٣

^{۱.۲.۲} دانشکده مهندسی، دانشگاه شهید چمران اهواز، اهواز

دریافت: اردیبهشت ۱۳۹۵، بازنگری: خرداد ۱۳۹۵، پذیرش: خرداد ۱۳۹۵

چکیدہ

در این مقاله، انتقال حرارت جابجایی طبیعی همبسته در یک محفظه مربعی متخلخل اشباع شده با سیال که توسط دو دیوار جامد عمودی با ضخامت یکسان احاطه شده، بهصورت عددی بررسی شده است. دیوارههای عمودی محفظه بهطور جزئی در دو دمای متفاوت گرم شده و دیوارههای افقی عایق میباشند. از مدل دارسی – بریکمن توسعهیافته و مدل عدم تعادل حرارتی برای شبیهسازی جریان و انتقال حرارت در محیط متخلخل استفاده شده است. معادلات حاکم پس از بیبعدسازی با روش المان محدود گالرکین حل شدهاند. تأثیر پارامترهای مهم شامل عدد رایلی، عدد دارسی، عـدد پرانتـل، نسبت ضریب هدایت حرارتی سیال به فاز جامد محیط متخلخل، ضریب انتقال حرارت جابجایی بین سیال و فاز جامد محیط متخلخل و خصوصیات همبسته همچون ضخامت دیوار و نسبت ضریب هدایت حرارتی دیوار به سیال بر میزان انتقال حرارت درون محفظه بررسی شد. نتایج نشان داد کـه بـه غیر از عدد پرانتل، تمامی پارامترهای مذکور تأثیر قابل توجهی بر عدد ناسلت متوسط دارند. همچنین مشاهده شد که در مقادیر بالـای نسبت ضریب عدر از عدد پرانتل، تمامی پارامترهای مذکور تأثیر قابل توجهی بر عدد ناسلت متوسط دارند. همچنین مشاهده شد که در مقادیر بالـای نسبت ضریب هدایت حرارتی سیال به فاز جامد محیط متخلخل، ضریب انتقال حرارت و بوین محفظه بررسی شد. نتایج نشان داد کـه بـه همبسته همچون ضخامت دیوار و نسبت ضریب هدایت حرارتی دیوار به میال بر میزان انتقال حرارت درون محفظه بررسی شد. نتایج نشان داد کـه بـه مر از عدد پرانتل، تمامی پارامترهای مذکور تأثیر قابل توجهی بر عدد ناسلت متوسط دارند. همچنین مشاهده شد که در مقادیر بالـای نسبت ضریب هدایت حرارتی سیال به فاز جامد و ضریب انتقال حرارت جابجایی بین آنها، مقادیر عدد ناسلت متوسط مـدل تعـادل حرارتی بـا

* عهدهدار مكاتبات: tahmasebi.a89@gmail.com

کلمات کلیدی: انتقال حرارت همبسته، انتقال حرارت جابجایی طبیعی، محفظه بسته، محیط متخلخل، عدم تعادل حرارتی

۱– مقدمه

انتقال حرارت جابجایی طبیعی در محفظههای بسته، به سبب کاربردهای متنوع آن در علوم و مهندسی، از سالها پیش مورد توجه فراوان پژوهشگران قرار گرفته است. از جمله این کاربردها می توان به خنککاری وسایل الکترونیکی، مبدلهای حرارتی، انرژی خورشیدی و طراحی حرارتی ساختمانها اشاره کرد. بر میدن اساس، تحقیقات مختلفی با در نظر گرفتن شرایط مرزی و میدانهای جریان مختلف [۱–۳] در این زمینه انجام شده است. علاوه بر این، بعضی از محققان توجه خود را به اثرات حرارتی محفظههای پرشده با محیط متخلخل معطوف کردهاند. والکر و هامسی [۴] انتقال حرارت جابجایی طبیعی در یک محفظه متخلخل را با ارزیابی عدد دارسی- رایلی و نسبت ابعاد محفظه بررسی کردند. بیژن [۵] انتقال حرارت جابجایی طبیعی در یک

در حل لایه مرزی وبر با رویکردی جدید مطالعه کرده است. پراساد و کولاچکی [۶] انتقال حرارت جابجایی طبیعی پایا در یک محفظه مستطیلی را برای نسبت ابعاد کمتر از واحد و اعداد رایلی مختلف بررسی کردند. اخیراً در همین زمینه، قلمباز و همکاران [۷] تأثیر استفاده از نانوسیال را بر انتقال حرارت جابجایی طبیعی درون محفظه متوازیالاضلاع پر شده با محیط متخلخل بهصورت عددی بررسی کردند.

برهمکنش انتقال حرارت جابجایی طبیعی در یک سیال و انتقال حرارت هدایتی در یک ماده جامد که در تماس باهم هستند، در اصطلاح انتقال حرارت جابجایی طبیعی همبسته نامیده میشود. این نوع از انتقال حرارت کاربردهای متفاوتی در بحث خنککاری میکروالکترونیکها و طراحی حرارتی ساختمانها داشته و مورد توجه زیاد محققان قرارگرفته است. کیم و ویسکانتا [۸] به بررسی تجربی و عددی تأثیر دیوار هدایتی جامد بر انتقال حرارت جابجایی طبیعی در محفظهای مستطیل شکل پرداختند. کوزنتسوف و شرمت [۹] انتقال حرارت جابجایی- تشعشعی را در

محفظهای با دیوارهای ضخیم هدایتی که از کف گرم میشود، بررسی کردند.

در این بین، بیشتر مطالعات انجام شده در زمینهی انتقال حرارت جابجایی طبیعی همبسته در محیط متخلخل با فرض تعادل حرارتی بین فازهای سیال و جامد آن صورت گرفته است. این فرض برای محیطهایی با خلل و فرج کوچک مانند مخازن زمین گرمایی و عایقهای حرارتی مناسب میباشد. اما در کاربردهایی همچون مدفون کردن زبالههای سوخت هستهای در خاک و اثرات زیستمحیطی آن، راکتورهای شیمیایی، سیستمهای انتقال و ذخیره انرژی حرارتی و خنککاری وسایل الکترونیکی که اختلاف دمای زیاد بین ماتریس جامد متخلخل و سیال اشباع شده در آنها وجود دارد، شرط عدم تعادل حرارتی باید لحاظ شود. سعید [۱۰] با فرض تعادل حرارتی بین فاز سیال و جامد محیط متخلخل به حل عددی انتقال حرارت هدایت- جابجایی طبیعی همبسته درون یک محفظه متخلخل دارسی و دو بعدی که دارای یک دیوار با ضخامت محدود می باشد، پرداخت. چمخا و اسماعیل [۱۱] انتقال حرارت همبسته در یک حفره متخلخل را که با یک دیوار ضخیم مثلثی شکل گرم می شود، با استفاده از مدل تک دمایی مورد مطالعه قرار دادند. جنبههای دیگری از انتقال حرارت همبسته در محیط متخلخل شامل نانوسیالات [۱۲]، تولید آنتروپی [١٣]، توليد حرارت داخلي [١۴] و شرايط مرزى مختلف [١٥، ۱۶] با این فرض که تعادل حرارتی بین فازهای محیط متخلخل برقرار است، توسط محققان مختلف انجام شده است.

انتقال حرارت همبسته در محیط متخلخل با در نظر گرفتن شرایط عدم تعادل حرارتی از اهمیت بالایی در کاربردهای انتقال حرارت با توان بالا برخوردار است. در این نوع از انتقال حرارت، حرارت میتواند از دو راه مختلف در سطح مشترک جسم جامد و محیط متخلخل بهطور همزمان منتقل شود. یک راه، انتقال حرارت از طریق هدایت بین سیال و سطح جامد و دیگری از طریق هدایت بین محیط متخلخل و سطح جامد انجام میشود. بیتاس و پاپ [۱۷] انتقال حرارت جابجایی طبیعی در یک محفظه مربعی متخلخل را برای اولین بار با مدل عدم تعادل حرارتی بررسی کردند. سعید [۱۸] پژوهش انجام شده توسط بیتاس و پاپ [۱۷] را به مسئله انتقال حرارت جابجایی طبیعی همبسته تحت شرایط

با اینحال، تاکنون انتقال حرارت جابجایی طبیعی همبسته درون یک محفظه مربعی متخلخل تحت شرایط عدم تعادل حرارتی که دیوارههای جانبی محفظه بهطور جزئی در دو دمای متفاوت گرم شده باشند، بررسی نشده است. بنابراین، نویسندگان پژوهش حاضر بر این اعتقادند که این کار با ارزش است. هدف از انجام پژوهش حاضر، بررسی انتقال حرارت همبسته در یک محفظه بسته متخلخل غیر دارسی و ارزیابی اثرات پارامترهای بی-بعد مختلف همچون ضخامت دیوار (D)، ضریب انتقال حرارت جابجایی بین فاز سیال و فاز جامد محیط متخلخل (H)، اعداد

دارسی (Da) و رایلی (Ra) و بسیاری دیگر بر میزان انتقال حرارت درون محفظه در قالب عدد ناسلت متوسط میباشد.

۲- مدلسازی ریاضی و معادلات حاکم

مطابق با شکل ۱ محفظهای مربعی و دو بعدی با طول L را درنظر بگیرید که از یک لایه یمتخلخل پر شده با سیال که بین دو لایه ی دیوار جامد هدایتی با ضخامتهای یکسان قرار دارد، تشکیل شده است. بخشی از سطح عمودی سمت چپ دیوار جامد به طول L/4 واقع در سمت چپ محفظه و ارتفاع L/4 تحت دمای ثابت Th گرم شده و بخشی از سطح عمودی سمت راست دیوار جامد واقع در سمت راست محفظه و ارتفاع کاT تحت دمای ثابت T_c سرد شده است. بقیه دیوارههای محفظه عایق نگه داشته شدهاند.



شکل ۱: شکل شماتیک مدل فیزیکی و مختصات سیستم

تمام خواص ترموفیزیکی سیال در میدان جریان بهجز تغییرات چگالی در نیروی حجمی در معادله اندازه حرکت در راستای عمودی ثابت در نظر گرفته شده و مدل تقریب بوزینسک^۱ برای تغییرات چگالی با دما استفاده شده است. برای شبیهسازی جریان سیال در محیط متخلخل از مدل بریکمن- فورچهمیر-دارسی توسعهیافته^۲ بدون جمله اینرسی فورچهمیر استفاده شده است. همچنین فرض شده که محیط متخلخل همگن و ایزوتروپ بوده و جریان سیال پایا، آرام، تراکمناپذیر و لزج میباشد. بنابراین، با درنظر گرفتن این فرضیات، معادلات بقای جرم، اندازه حرکت و انرژی در محیط متخلخل در حالت دو بعدی و با استفاده از مدل عدم تعادل حرارتی بین فازهای سیال و جامد محیط متخلخل به-صورت زیر ارائه میشوند [۱۹، ۲۰، ۲۲]:

$$\frac{\partial u}{\partial x} + \frac{\partial v}{\partial y} = 0 \tag{1}$$

٨

¹Boussinesq

² Brinkman-extended Darcy model

$$T_{f} = T_{s} = T_{w}, \quad u = v = 0$$

at
$$\begin{cases} x = d, \quad x = L - d \\ 0 \le y \le L \end{cases}$$
 (17)

$$k_{w} \frac{\partial T_{w}}{\partial x} = \varepsilon k_{f} \frac{\partial T_{f}}{\partial x} + (1 - \varepsilon) k_{s} \frac{\partial T_{s}}{\partial x}$$

at $x = d$, $x = L - d$, $0 \le y \le L$ (17)

به منظور بیبعدسازی معادلات فوق متغیرهای بیبعد زیر را

$$X = \frac{x}{L}, \quad Y = \frac{y}{L}, \quad D = \frac{d}{L},$$

$$Pr = \frac{v_f}{\alpha_f}, \quad P = \frac{pL^2}{\rho_f \alpha_f^2},$$

$$U = \frac{uL}{\alpha_f}, \quad V = \frac{vL}{\alpha_f}, \quad \theta_f = (T_f - T_c)/\Delta T,$$

$$\theta_s = (T_s - T_c)/\Delta T, \quad \theta_w = (T_w - T_c)/\Delta T$$

$$\Delta T = T_h - T_c \Delta T,$$
(14)

بنابراین، با به کارگیری متغیرهای بیبعد و سادهسازی، معادلات حاکم (۱) تا (۶) به فرم بیبعد زیر تبدیل میشوند:

$$\frac{\partial U}{\partial X} + \frac{\partial V}{\partial Y} = 0 \tag{10}$$

$$\frac{1}{\varepsilon^{2}} \left(U \frac{\partial U}{\partial X} + V \frac{\partial U}{\partial Y} \right) = -\frac{\partial P}{\partial X} + \frac{Pr}{2} \left(\frac{\partial^{2} U}{\partial X} + \frac{\partial^{2} U}{\partial Y} \right) - \frac{Pr}{2} U$$
(19)

$$\frac{1}{\varepsilon} \left(\frac{\partial X}{\partial X}^{2} + \frac{\partial Y}{\partial Y}^{2} \right)^{-} Da^{0}$$

$$\frac{1}{\varepsilon^{2}} \left(U \frac{\partial V}{\partial X} + V \frac{\partial V}{\partial Y} \right) = -\frac{\partial P}{\partial Y}$$

$$Pr \left(\frac{\partial^{2} V}{\partial X} + \frac{\partial^{2} V}{\partial Y} \right)^{-} Pr = 0$$

$$(1Y)$$

$$+\frac{1}{\varepsilon}\left(\frac{\partial X^{2}}{\partial X}+\frac{\partial Y^{2}}{\partial Y}\right)-\frac{\partial V}{Da}V+Ra\cdot Pr\cdot\theta_{f}$$

$$\frac{1}{\varepsilon}\left(U\frac{\partial \theta_{f}}{\partial X}+V\frac{\partial \theta_{f}}{\partial Y}\right)=\frac{\partial^{2}\theta_{f}}{\partial X^{2}}+\frac{\partial^{2}\theta_{f}}{\partial Y^{2}}$$
(1A)

$$+H\left(\theta_{s}-\theta_{f}\right)$$

$$=\frac{\partial^{2}\theta_{r}}{\partial^{2}\theta_{r}}$$

$$=\frac{\partial^{2}\theta_{r}}{\partial^{2}\theta_{r}}$$

$$=\frac{\partial^{2}\theta_{r}}{\partial^{2}\theta_{r}}$$

$$=\frac{\partial^{2}\theta_{r}}{\partial^{2}\theta_{r}}$$

$$=\frac{\partial^{2}\theta_{r}}{\partial^{2}\theta_{r}}$$

$$=\frac{\partial^{2}\theta_{r}}{\partial^{2}\theta_{r}}$$

$$=\frac{\partial^{2}\theta_{r}}{\partial^{2}\theta_{r}}$$

$$=\frac{\partial^{2}\theta_{r}}{\partial^{2}\theta_{r}}$$

$$0 = \frac{\partial^2 \theta_s}{\partial X^2} + \frac{\partial^2 \theta_s}{\partial Y^2} + H \cdot K_r \left(\theta_f - \theta_s\right) \tag{19}$$

$$\frac{\partial^2 \theta_w}{\partial X^2} + \frac{\partial^2 \theta_w}{\partial Y^2} = 0 \tag{(Y \cdot)}$$

که پارامترهای ظاهر شده در فرآیند بیبعدسازی شامل عدد دارسی، عدد رایلی، ضریب انتقال حرارت جابجایی بیبعد و نسبت ضریب هدایتی سیال به جامد بهصورت زیر تعریف می شوند:

$$Da = \frac{K}{L^2}, \quad Ra = \frac{g \beta \Delta T L^3}{\nu_f \alpha_f}, \tag{(1)}$$

$$\begin{split} H = & \frac{h_{fs}L^2}{\varepsilon k_f}, \quad K_r = \frac{\varepsilon k_f}{(1-\varepsilon)k_s} \\ & \text{init}_{s} \\ \text{init}_{s$$

$$\frac{\rho_{f}}{\varepsilon^{2}} \left(u \frac{\partial u}{\partial x} + v \frac{\partial u}{\partial y} \right) = -\frac{\partial p}{\partial x} + \frac{\mu_{f}}{\varepsilon} \left(\frac{\partial^{2} u}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2} u}{\partial y^{2}} \right) - \frac{\mu_{f}}{K} u$$

$$\frac{\rho_{f}}{\varepsilon^{2}} \left(u \frac{\partial v}{\partial x} + v \frac{\partial v}{\partial y} \right) = -\frac{\partial p}{\partial y} + \frac{\mu_{f}}{\varepsilon} \left(\frac{\partial^{2} v}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2} v}{\partial y^{2}} \right) - \frac{\mu_{f}}{K} v$$
(Y)
$$(Y)$$

$$+\rho_{f,0}\beta(T_{f} - T_{c})g$$

$$\frac{1}{\varepsilon}\left(u\frac{\partial T_{f}}{\partial x} + v\frac{\partial T_{f}}{\partial y}\right) = \alpha_{f}\left(\frac{\partial^{2}T_{f}}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2}T_{f}}{\partial y^{2}}\right)$$

$$h_{f_{x}}(T_{s} - T_{f})$$
(*)

$$\varepsilon(\rho c)_{f}$$

$$0 = \alpha_{s} \left(\frac{\partial^{2} T_{s}}{\partial x^{2}} + \frac{\partial^{2} T_{s}}{\partial y^{2}} \right)$$

$$+ \frac{h_{fs}}{(1 - \varepsilon) (\rho c)_{s}} (T_{f} - T_{s})$$
(Δ)

و معادله انرژی برای دیوارها عبارت است از:

$$\frac{\partial^2 T_w}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 T_w}{\partial y^2} = 0 \tag{(8)}$$

که $\mathcal{F}_f = \mu_f / arepsilon$ به عنوان لزجت دینامیکی مؤثر محیط متخلخل تعریف می شود.

با توجه به تعریف مسئله، شرایط مرزی برای معادلات (۱) تا (۶) عبارتاند از:

$$T_{w} = T_{h} \quad \text{at} \quad x = 0,$$

$$0.675L \le y \le 0.925L$$

$$T_{h} = T_{h} \quad \text{at} \quad x = L$$
(V)

$$T_w = T_c \quad \text{at} \quad x = L,$$

$$0.075L \le y \le 0.325L$$
(A)

$$\frac{\partial T_f}{\partial y} = \frac{\partial T_s}{\partial y} = 0, \quad u = v = 0$$

at
$$\begin{cases} d \le x \le L - d \\ y = 0, \quad y = L \end{cases}$$
 (9)

$$\frac{\partial T_{w}}{\partial y} = 0$$
at
$$\begin{cases} 0 \le x \le d, \quad L - d \le x \le L \\ y = 0, \quad y = L \end{cases}$$
(1..)

$$\begin{cases} y = 0, \quad y = L \\ \frac{\partial T_w}{\partial y} = 0 \quad \text{at} \\ \begin{cases} x = 0, 0 \le y \le 0.675L, 0.925L \le y \le L \\ x = L, 0 \le y \le 0.075L, 0.325L \le y \le L \end{cases}$$

$$(11)$$

با اقتباس از رابطه (۲۷)، رابطهی زیر بین مقادیر ناسلت متوسط در فازهای محیط متخلخل و انتقال حرارت متوسط در دیوارها برقرار است: $Q_w = R_k^{-1} N u_f + R_k^{-1} K_r^{-1} N u_s$ (۳۱)

۳- روش حل عددی و اعتبارسنجی

معادلات حاکم و شرایط مرزی مربوطه بر اساس روش عددی المان محدود گالرکین^۱ و با استفاده از کدهای کامپیوتر سلوشن^۲ حل شده است. جزئیات مربوط به روش حل المان محدود در مرجع [۲۲] آمده است. با توجه به طبیعت تکرار روش حل عددی از معیار همگرایی زیر استفاده شده است:

$$\frac{\sum \left| \kappa_{i,j}^{n+1} - \kappa_{i,j}^{n+1} \right|}{\sum \left| \kappa_{i,j}^{n+1} \right|} \le 10^{-6} \tag{(7f)}$$

که K بیانگر هر یک از متغییرهای وابسته سرعت و دما و n معرف تعداد تکرار میباشد.

برای تعیین اندازه شبکه بهینه، آزمون استقلال شبکه برای مسئله مورد نظر انجام شده است. جدول ۱ تأثیر اندازه شبکه بر مقادیر اعداد ناسلت متوسط فاز سیال را در سطح مشترک دیوار و محیط متخلخل برای ترکیبهای متفاوت از پارامترهای بیبعد نشان میدهد. با در نظر گرفتن دو فاکتور مهم دقت و زمان محاسباتی، اندازه شبکه غیر یکنواخت ۲۰۰×۲۰۰ برای حل عددی مسئله حاضر انتخاب گردید.

Da=۱۰^{-۳} ، *Ra*=۱۰^۳ برای ۲. *E*=۰/۵ *H*=۱۰ *D*=۰/۱ *Pr*=۷/۲

$\overline{Nu_{_f}}$ عدد ناسلت متوسط؛				\boldsymbol{R}_k	K_r
اندازه شبكه					
TD+×TD+	7×7	10+×10+	1••×1••		
• /YYY	•/٧٢۶	• /YYX	•/٧٣١	١	۱
۲/۵۳۹	۲/۵۳۹	2/261	۲/۵۴۵	۱٠	١
•/٧۴۶	•/٧۴۶	•/٧۴٧	•/Y۵•	١	۱۰
2/814	2/814	7/818	۲/۶۱۹	۱٠	۱۰

برای اعتبارسنجی و بررسی صحت روش حل عددی، مسئله انتقال حرارت جابجایی طبیعی در محفظهای متخلخل با دیوارهای عمودی جامد در سمت چپ و راست محفظه با ضخامت یکسان تحت مدل عدم تعادل حرارتی با روش عددی حاضر حل شده

سال دوم، شماره ۲، تابستان **

۱۰

 $\theta_{w} = 1$ at X = 0, $0.675 \le Y \le 0.925$

$$\theta_{w} = 0 \quad \text{at} \quad X = 1, \quad 0.075 \le Y \le 0.325$$

$$\frac{\partial \theta_{f}}{\partial Y} = \frac{\partial \theta_{s}}{\partial Y} = 0, \quad U = V = 0$$

$$\text{at} \quad \begin{cases} D \le X \le 1 - D \\ Y = 0, \quad Y = 1 \end{cases}$$
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)
(177)

$$\begin{aligned} \frac{\partial \mathcal{O}_{w}}{\partial Y} &= 0 \\ \text{at} \quad \begin{cases} 0 \le X \le D, \quad 1 - D \le X \le 1 \\ Y &= 0, \quad Y = 1 \end{cases} \end{aligned}$$
 (7 Δ)

$$\begin{aligned} \frac{\partial \theta_w}{\partial Y} &= 0 \quad \text{at} \end{aligned} \tag{(YF)} \\ \begin{cases} X &= 0, \ 0 \le Y \le 0.675, \ 0.925 \le Y \le 1 \\ X &= 1, \ 0 \le Y \le 0.075, \ 0.325 \le Y \le 1 \\ \theta_f &= \theta_s = \theta_w, \quad U = V = 0 \\ \text{at} \begin{cases} X &= D, \ X &= 1 - D \\ 0 \le Y \le 1 \end{cases} \end{aligned} \tag{(YF)}$$

$$\frac{\partial \theta_{f}}{\partial X} = R_{k} \frac{\partial \theta_{w}}{\partial X} - K_{r}^{-1} \frac{\partial \theta_{s}}{\partial X}$$
at $X = D, \quad X = 1 - D, \quad 0 \le Y \le 1$
(YV)

که در رابطه (۲۷) پارامتر بیبعد نسبت ضریب هدایتی دیوار به سیال بهصورت زیر تعریف میشود:

$$R_{k} = \frac{k_{w}}{\varepsilon k_{f}} \tag{YA}$$

پارامترهای فیزیکی مهم انتقال حرارت شامل انتقال حرارت

محلی از طریق دیوارها ۷٬۰۰۷، اعداد ناسلت محلی فازهای سیال Nusy و جامد Nusy بهصورت زیر بهدست میآیند:

$$Q_{wy} = \left(-\frac{\partial \theta_{w}}{\partial X}\right)_{X=0,1},$$

$$Nu_{fy} = \left(-\frac{\partial \theta_{f}}{\partial X}\right)_{X=D,1-D},$$

$$Nu_{sy} = \left(-\frac{\partial \theta_{s}}{\partial X}\right)_{X=D,1-D},$$
(79)

همچنین مقادیر متوسط پارامترهای فوق با انتگرالگیری موضعی بر روی دیوارههای عمودی بهصورت زیر بهدست میآیند:

$$Q_w = \int_0^1 Q_{wy} dY ,$$

$$Nu_f = \int_0^1 Nu_{fy} dY , \quad Nu_s = \int_0^1 Nu_{sy} dY$$
(7.)

¹ Galerkin's finite element method

² Computer solution codes

است. در شکل ۲ نتایج بهدست آمده از حل حاضر با نتایج عددی سعید [۱۸] مقایسه گردیده است. همان طور که در این شکل مشاهده می شود، نتایج حاصل از روش عددی حاضر با نتایج عددی سعید [۱۸] تطابق خوبی داشته و بیان گر درستی و دقت روش عددی حاضر می باشد.



شکل ۲: تغییرات عدد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد حاصل از پژوهش حاضر و سعید [۱۸] با ۸_۶ برای مقادیر مختلف D

۴- نتایج و بحث

در این بخش اثرات تغییر پارامترهای بی بعد مختلف بر میزان انتقال حرارت درون محفظه مربعی متخلخل با دیوارههای جانبی قسمتی گرم شده تحت شرایط عدم تعادل حرارتی بررسی شده است. نتایج به دست آمده به فرم نمودارهای تغییرات اعداد ناسلت متوسط برای فازهای سیال و جامد محیط متخلخل با پارامترهای مختلف به تصویر کشیده شدهاند. مقادیر پارامترهای بی بعد مورد بررسی در این مسئله که شامل عدد رایلی، عدد دارسی، عدد پرانتل، نسبت ضریب هدایت حرارتی سیال به جامد در محیط انتقال حرارت جابجایی بی بعد و نسبت ضخامت لایهی دیوار به ایتقال حرارت ماند؛ به ترتیب در محدودهی $Ra=1.^{-1.0}$. N-1-1.طول محفظه می باشند؛ به ترتیب در محدودهی $R_{r=0}-1.0$. $R_{r=0}-1.0$ قرار دارند. این در حالی است که پارامتر بی بعد ضریب تخلخل در ۵/۰۰ تاب تای در حالی است که پارامتر بی بعد ضریب تخلخل در ۵/۰۰ تاب نایک داشته شده است.

شکل ۳ تغییرات عدد ناسلت متوسط برای فازهای سیال و جامد محیط متخلخل با عدد رایلی را برای مقادیر مختلف عدد دارسی نشان میدهد. نتایج بیان گر افزایش عدد ناسلت متوسط فاز سیال با افزایش هر یک از اعداد رایلی و دارسی با هم و بهطور جداگانه است، درحالی که این روند برای فاز جامد بهصورت کاهشی است. افزایش عدد رایلی باعث افزایش نیروی شناوری شده و در نتیجه عدد ناسلت متوسط سیال افزایش مییابد. همچنین از آنجا که عدد دارسی معرف نفوذپذیری محیط متخلخل است، افزایش

آن باعث تشدید جریان در محیط متخلخل شده و عدد ناسلت متوسط سیال افزایش مییابد. تغییرات هر دو عدد ناسلت متوسط با عدد رایلی در مقادیر پایین عدد دارسی تقریباً ثابت است، ولی با افزایش عدد دارسی این تغییرات بیشتر میشود. همچنین این حالت برای مقادیر کم عدد رایلی نیز وجود دارد و با افزایش عدد رایلی تغییرات هر دو عدد ناسلت متوسط افزایش مییابد.



شکل ۴ تغییرات عدد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد محیط متخلخل با عدد رایلی را برای مقادیر مختلف K_r در مقادیر پارامترهای مورد نظر نشان میدهد. افزایش Kr باعث افزایش ضريب هدايت حرارتي سيال نسبت به جامد شده و مقاومت حرارتی آن را کاهش میدهد. در نتیجه عدد ناسلت متوسط فاز سیال با افزایش Kr افزایش می یابد. همچنین مشخص است که تغییرات دمایی سیال بر گرادیان دمای فاز جامد تأثیر مثبت می-Kr گذارد. بنابراین، مقدار ناسلت متوسط فاز جامد نیز با افزایش بیشتر می شود. این افزایش در مقادیر ناسلت متوسط هر دو فاز با Kr در تمامی محدودهی اعداد رایلی برقرار است، ولی میزان این افزایش با بیشتر شدن مقدار عدد رایلی کاهش مییابد، تا جایی که در $Ra=10^{\circ}$ افزایش نسبت ضرایب هدایت حرارتی Kr تأثیر $Ra=10^{\circ}$ چشم گیری بر نرخ انتقال حرارت در فاز سیال نخواهد داشت؛ البته این شرایط فقط برای مقادیر Kr بزرگتر از واحد برقرار میباشد. در شکل ۴ نتایج حاصل از مدل تعادل حرارتی برای مقایسه با مدل عدم تعادل حرارتی نیز ارائه شده است. نتایج مدل تعادل حرارتی با نتایج مدل عدم تعادل حرارتی در مقادیر بالای نسبت ضریب هدایت حرارتی سیال به جامد (۲۰۱) یکسان میباشد. بنابراین، می توان نتیجه گرفت که مدل تعادل حرارتی برای محیط متخلخل فقط در مقادیر بالای Kr، یعنی جایی که تغییرات ناسلت متوسط فاز سیال بیشترین مقدار خود را دارد، معتبر است.

تغییرات عدد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد محیط متخلخل با پارامتر نسبت ضریب هدایتی دیوار به سیال *R*k برای

مقادیر مختلف K بررسی و نتایج حاصل در شکل ۵ به تصویر کشیده شده است. با افزایش R_k ضریب هدایت حرارتی دیوار به سیال بیشتر شده و مقاومت حرارتی دیوار کاهش مییابد. در این حالت، اختلاف دمای بین سطوح سمت چپ و راست محیط متخلخل كم شده و منجر به كاهش مقدار عدد رايلي مؤثر مي شود. بر همین اساس، همان طور که در شکل ۵ مشاهده می شود، مقادیر عدد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد محیط متخلخل با افزایش Rk در تمامی مقادیر Kr بیشتر می شوند. این روند افزایشی برای مقادیر کمتر Kr از نرخ افزایشی بیشتری برخوردار است. همان طور که میدانیم، افزایش Kr باعث بهبود انتقال حرارت در محیط متخلخل می شود. اما این افزایش در مقادیر بالای R_k به-دلیل تأثیر بیشتر *R*k در بهبود انتقال حرارت کمتر میشود. علاوه بر این، نتایج نشان میدهند که تغییرات عدد ناسلت متوسط فاز سیال با Rk برای مقادیر Kr=۱۰ و Kr=۱۰۰ تقریباً یکسان بوده و افزایش بیشتر Kr تأثیر قابل توجهی در افزایش انتقال حرارت توسط سیال ندارد. از طرفی، نتایج مدل تعادل حرارتی با حداکثر مقدار ناسلت متوسط فاز سیال که در *K*r=۱۰۰ اتفاق میافتد، هم-تراز میباشد. این همترازی نشاندهندهی مناسب بودن فرض تعادل حرارتی در مقادیر بالای Kr میباشد.



شکل ۶ تغییرات عدد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد D محیط متخلخل با R_k را برای مقادیر مختلف ضخامت دیوارها D نشان می دهد. همانند نتایج پیشین، مشاهده می شود که افزایش نشان می دهد. همانند نتایج پیشین، مشاهده می شود که افزایش افزایشی به طور پیوسته در شکل ۶ برای هر یک از مقادیر D دیده می شود. لازم به ذکر است که نرخ افزایش اعداد ناسلت متوسط برای دیوارهای ضخیم می شود. لازم به ذکر است که نرخ افزایش اعداد ناسلت متوسط برای دیوارهای ضخیم برای دیوارهای تر و در مختلف می به می به می به طور پیوسته در شکل ۶ برای هر یک از مقادیر D دیده می شود. لازم به ذکر است که نرخ افزایش اعداد ناسلت متوسط با R_k برای دیوارهای نازک (D=-1/2) کم و برای دیوارهای ضخیم R_k تأثیر بیشتری بر بهبود انتقال حرارت در محفظه هایی با دیوارهای ضخیم تر دارد. نکته مهم دیگری که می توان از نتایج ارائه شده در

شکل ۶ استخراج کرد، وجود نقطه بحرانی برای پارامتر *R*k تقریباً در مقدار R_k=۳ میباشد که تأثیر بهسزایی در تغییرات مقادیر اعداد ناسلت متوسط با D دارد. این تأثیر به گونهای است که قبل از این نقطه بحرانی، اعداد ناسلت متوسط با افزایش مقدار D کاهش پیدا مىكنند، ولى بعد از اين مقدار، تغييرات اعداد ناسلت متوسط با D غیرمعمول میشود. برای روشن شدن علت چنین رفتاری باید در نظر داشت که افزایش مقاومت حرارتی دیوار که باعث کاهش اعداد ناسلت متوسط می شود، بستگی به کاهش مقدار R_k و افزایش مقدار D دارد. بر همین اساس، وقوع نقطه بحرانی به غلبهی تأثیر بر D وابسته است. هنگامی که R_k تقریباً بزرگتر از سه باشد، R_k میزان ضریب هدایت حرارتی دیوار بهاندازهای است که بر مقاومت حرارتی ناشی از ضخامت دیوار غلبه کند. بنابراین، در این حالت، اعداد ناسلت متوسط برای محفظههایی با دیوارهای ضخیمتر بیشتر می شود. همچنین با توجه به شکل ۶ می توان دریافت که ${}_{k}H$ و K_r مدل تعادل حرارتی برای محیط متخلخل در مقادیر بالای بهدلیل نزدیکی مقادیر اعداد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد به هم با تقریب خوبی قابل قبول است.



شکل ۵: تغییرات عدد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد محیط متخلخل با *k*k برای مقادیر مختلف *K*

در نهایت، شکل ۲ تغییرات عدد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد محیط متخلخل با H را برای مقادیر مختلف ضخامت دیوارها D نشان می دهد. نتایج نشان می دهند که با افزایش Hافزایش می اسلت متوسط فاز سیال و فاز جامد بهترتیب کاهش و افزایش می یابند. این تغییرات مربوط به افزایش ارتباطات و برهمکنشهای حرارتی بین فازهای سیال و جامد محیط متخلخل اعداد ناسلت متوسط در مقادیر کم H چشم گیر نیست ولی این اعداد ناسلت متوسط در مقادیر کم H چشم گیر نیست ولی این تغییرات در مقادیر بالاتر H بیشتر می شود. نتایج بار دیگر نشان می دهند که اعداد ناسلت متوسط در روندی غیرمعمول با افزایش مخامت دیوار افزایش می یابند. این روند به این خاطر است که مقدار R_k مورد استفاده در این بررسی ($R_k = 1$) بیش از مقدار

نقطه بحرانی بحث شده در شکل ۶ می،اشد. اما با وجود این، عدد ناسلت متوسط فاز سیال برای حالتی که دیوارها ضخیم باشند (F)-(D)، رفتاری متفاوت داشته و مشاهده میشود که ناسلت متوسط فاز سیال برای محدودهی H کمتر از ۳۰، کمترین مقدار در بین دیگر مقادیر D را دارد. همچنین مشاهده میشود که مقادیر ناسلت متوسط هر دو فاز با افزایش مقدار H به یکدیگر نزدیک میشوند. در چنین حالتی میتوان نتیجه گرفت که در مقادیر بالای H، فرض تعادل حرارتی معتبر می،اشد.



متخلخل با R_k برای مقادیر مختلف D



متخلخل با *H* برای مقادیر مختلف D

لازم به ذکر است که تأثیر عدد پرانتل بر میزان انتقال حرارت درون محفظه متخلخل در محدودهی وسیعی از آن (۱۰۰۰– (Pr=۰/۰۲۶ مورد بررسی قرار گرفت. نتایج نشان داد که تغییرات عدد پرانتل تأثیر چشم گیری بر میزان انتقال حرارت درون محفظه ندارد و تغییرات اعداد ناسلت متوسط هر یک از فازهای محیط

متخلخل در تمامی مقادیر عدد پرانتل یکسان میباشند. بنابراین، نمودار تغییرات عدد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد محیط متخلخل با عدد پرانتل به منظور اختصار در این مقاله به تصویر کشیده نشده است.

۵- نتیجهگیری

انتقال حرارت هدایت- جابجایی طبیعی همبسته در یک محفظه متخلخل غیر دارسی پر شده با سیال مورد بررسی قرار گرفت. دیوارههای افقی عایق و دیوارههای عمودی به صورت جزئی در دو دمای متفاوت گرم شدند. ساختار محیط متخلخل همگن فرض شد و مدل عدم تعادل حرارتی بین فازهای سیال و جامد محیط متخلخل اعمال شد. معادلات حاکم پس از بی بعدسازی با روش المان محدود گالرکین به صورت عددی حل شدند و اثرات پارامترهای مختلف بر میزان انتقال حرارت درون محفظه متخلخل مورد بررسی قرار گرفت. اصلی ترین نتایج برای پژوهش حاضر را می توان به صورت زیر خلاصه کرد:

- ۱- عدد ناسلت متوسط فازهای سیال و جامد با افزایش عدد رایلی بهترتیب افزایش و کاهش مییابند؛ البته در مقادیر پایین عدد رایلی، ناسلت متوسط هر دو فاز با افزایش عدد رایلی تغییر چشم گیری نداشته و مقادیر آنها یکسان میباشد.
- ۲- افزایش عدد دارسی باعث افزایش عدد ناسلت متوسط
 سیال و کاهش عدد ناسلت متوسط فاز جامد محیط
 متخلخل میشود. همچنین تأثیر عدد دارسی بر اعداد
 ناسلت متوسط در مقادیر بالای عدد رایلی بیشتر می باشد.
- ۳- با افزایش نسبت ضریب هدایت حرارتی سیال به جامد *Kr* عدد ناسلت متوسط برای هر یک از فازهای سیال و جامد افزایش مییابد. باید توجه داشت که تأثیر *Kr* بر اعداد ناسلت متوسط در مقادیر بالای *Kr* کمتر می-شود. همچنین مقادیر عدد ناسلت متوسط در شرایط تعادل حرارتی و عدم تعادل حرارتی در مقادیر بالای *Kr* یعنی جایی که بیشترین نرخ انتقال حرارت بهدست میآید، یکسان میباشند.
- ۴- افزایش نسبت ضریب هدایت حرارتی دیوار به سیال R_k باعث بهبود انتقال حرارت جابجایی و افزایش عدد ناسلت متوسط برای فازهای سیال و جامد محیط متخلخل میشود.
- ۵- به طور کلی، افزایش ضخامت دیوار D باعث کاهش عدد ناسلت متوسط در هر دو فاز محیط متخلخل می-شود، ولی بسته به مقدار *k*، نرخ تغییرات عدد ناسلت متوسط با ضخامت دیوار می تواند متفاوت می باشد. هنگامی که تأثیر مثبت افزایش *k* بر بهبود انتقال حرارت بر تأثیر منفی افزایش D بر انتقال حرارت غالب

شود، نقطه بحرانی $R_k = \pi$ در نمودار تغییرات عدد ناسلت متوسط با R_k برای مقادیر مختلف D ایجاد می شود که قبل از این مقدار همان حالت کاهشی مذکور برای ناسلت متوسط رخ می دهد ولی بعد از آن شاهد افزایش عدد ناسلت متوسط با ضخامت دیوار خواهیم بود.

۶- اعداد ناسلت متوسط در مقادیر پایین H ثابت بوده و مستقل از تغییرات H می باشند. اما، با افزایش هرچه بیشتر H در مقادیر بالای آن، عدد ناسلت متوسط فاز سیال بر خلاف فاز جامد کاهش می یابد. همچنین بسته به مقدار ضخامت دیوار، نرخ تغییرات اعداد ناسلت متوسط با H می تواند متفاوت باشد.

علائم	فهرست
عتائم	تهرست

	علائم انگلیسی		
d	ضخامت دیوار، m		
D	ضخامت بىبعد ديوار		
Da	عدد دارسی		
g	شتاب جاذبه، m/s ²		
h _{fs}	ضریب انتقال حرارت جابجایی بین فازهای سیال و جامد محیط W/m ³ K		
Н	-ضریب انتقال حرارت جابجایی بی بعد		
k	ضریب هدایت حرارتی، W/m K		
K	ضریب نفوذپذیری محیط m ² متخلخل،		
Kr	نسبت ضریب هدایت حرارتی سیال به فاز جامد محیط متخلخل		
L	طول محفظه مربعی، m		
Nu	عدد ناسلت متوسط		
Nuy	عدد ناسلت محلی		
Р	فشار، Pa		
Р	فشار بیبعد		
Pr	عدد پرانتل		
Q_w	انتقال حرارت متوسط بیبعد از طریق دیوار		
Q_{wy}	انتقال حرارت محلی بیبعد از طریق دیوار		
Ra	عدد رایلی		

R_k	نسبت ضريب هدايت حرارتي			
	ديوار به سيال			
Т	دما، K			
<i>11</i> N	مولفههای سرعت در راستای X و			
<i>u w</i>	m/s .y			
U.V	مولفههای سرعت بیبعد در			
	y و x راستای			
<i>x .y</i>	مختصات کارتزین، m			
X .Y	مختصات بيبعد كارتزين			
علائم يونانى				
α	ضریب نفوذ حرارتی، m ² /s			
В	ضریب انبساط حرارتی سیال، 1/k			
Δ	اختلاف مقدار			
ε	ضريب تخلخل محيط متخلخل			
Θ	دمای بیبعد			
μ	لزجت دینامیکی، kg/m s			
υ	لزجت سینماتیک، m²/s			
ρ	چگالی، kg/m ³			
(<i>ρc</i>)	ظرفیت گرمایی مؤثر، J/K m ³			
	زيرنويس			
0	خصوصيات مرجع			
с	سرد			
eff	مؤثر			
f	سيال			
h	گرم			
S	جامد			
w	ديوار			

مراجع

- M. Hortmann, M. Perić, G. Scheuerer, Finite volume multigrid prediction of laminar natural convection: Bench-mark solutions, International journal for numerical methods in fluids, 11(2) (1990) 189-207.
- [2] G. Barakos, E. Mitsoulis, D. Assimacopoulos, Natural convection flow in a square cavity revisited: laminar and turbulent models with wall functions, International Journal for Numerical Methods in Fluids, 18(7) (1994) 695-719.

media and heated by a triangular solid, Journal of the Taiwan Institute of Chemical Engineers, 59 (2016) 138-151.

- [14] A. Ben-Nakhi, A.J. Chamkha, Conjugate natural convection around a finned pipe in a square enclosure with internal heat generation, International Journal of Heat and Mass Transfer, 50(11) (2007) 2260-2271.
- [15] M.A. Sheremet, I. Pop, Natural convection in a wavy porous cavity with sinusoidal temperature distributions on both side walls filled with a nanofluid: Buongiorno's mathematical model, Journal of Heat Transfer, 137(7) (2015) 072601.
- [16] A. Alsabery, A. Chamkha, H. Saleh, I. Hashim, Heatline visualization of conjugate natural convection in a square cavity filled with nanofluid with sinusoidal temperature variations on both horizontal walls, International Journal of Heat and Mass Transfer, 100 (2016) 835-850.
- [17] A.C. Baytas, I. Pop, Free convection in a square porous cavity using a thermal nonequilibrium model, International Journal of Thermal Sciences, 41(9) (2002) 861-870.
- [18] N.H. Saeid, Conjugate natural convection in a porous enclosure sandwiched by finite walls under thermal nonequilibrium conditions, Journal of Porous Media, 11(3) (2008).
- [19] K. Vafai, C. Tien, Boundary and inertia effects on flow and heat transfer in porous media, International Journal of Heat and Mass Transfer, 24(2) (1981) 195-203.
- [20] K. Vafai, S. Kim, On the limitations of the Brinkman-Forchheimer-extended Darcy equation, International Journal of Heat and Fluid Flow, 16(1) (1995) 11-15.
- [21] D.A. Nield, A. Bejan, Convection in porous media, fourth ed., Springer Science & Business Media, 2013.
- [22] J.N. Reddy, An introduction to the finite element method, McGraw-Hill New York, 1993.

- [3] H.F. Oztop, E. Abu-Nada, Numerical study of natural convection in partially heated rectangular enclosures filled with nanofluids, International Journal of Heat and Fluid Flow, 29(5) (2008) 1326-1336.
- [4] K.L. Walker, G.M. Homsy, Convection in a porous cavity, Journal of Fluid Mechanics, 87(03) (1978) 449-474.
- [5] A. Bejan, On the boundary layer regime in a vertical enclosure filled with a porous medium, Letters in Heat and Mass Transfer, 6(2) (1979) 93-102.
- [6] V. Prasad, F. Kulacki, Convective heat transfer in a rectangular porous cavity-effect of aspect ratio on flow structure and heat transfer, Journal of Heat Transfer, 106(1) (1984) 158-165.
- [7] M. Ghalambaz, M.A. Sheremet, I. Pop, Free Convection in a Parallelogrammic Porous Cavity Filled with a Nanofluid Using Tiwari and Das' Nanofluid Model, PloS one, 10(5) (2015) e0126486.
- [8] D. Kim, R. Viskanta, Study of the effects of wall conductance on natural convection in differently oriented square cavities, Journal of Fluid Mechanics, 144(1) (1984) 153-176.
- [9] G.V. Kuznetsov, M.A. Sheremet, Conjugate natural convection with radiation in an enclosure, International Journal of Heat and Mass Transfer, 52(9) (2009) 2215-2223.
- [10] N.H. Saeid, Conjugate natural convection in a porous enclosure: effect of conduction in one of the vertical walls, International Journal of Thermal Sciences, 46(6) (2007) 531-539.
- [11] A.J. Chamkha, M.A. Ismael, Conjugate heat transfer in a porous cavity heated by a triangular thick wall, Numerical Heat Transfer, Part A: Applications, 63(2) (2013) 144-158.
- [12] M.A. Sheremet, I. Pop, Conjugate natural convection in a square porous cavity filled by a nanofluid using Buongiorno's mathematical model, International Journal of Heat and Mass Transfer, 79 (2014) 137-145.
- [13] M.A. Ismael, T. Armaghani, A.J. Chamkha, Conjugate heat transfer and entropy generation in a cavity filled with a nanofluid-saturated porous